

# 令和6年度和歌山大学一般選抜

## 正解・解答例又は出題の意図

令和6年4月

和歌山大学

## 目 次

### 前期日程

国 語	教育学部	1
数 学 (数 学) (1～3)	教育学部・システム工学部・社会インフォマティクス学環	5
数 学 (数 学) (4)	教育学部・社会インフォマティクス学環	8
数 学 (数 学) (5)	システム工学部	9
外 国 語 (英 語)	システム工学部・社会インフォマティクス学環	10
総合問題A	経済学部	12
総合問題B	経済学部	14
総合問題	観光学部	16

### 後期日程

総合問題 (後 期)	経済学部	20
総合問題	システム工学部	22

### 注 意 事 項

1. 正解・解答例を開示することが適切でない場合は、出題の意図を開示しています。
1. **P E S T K** の記号は、当該教科・科目・設問の対象となる学部・学環、それぞれ教育学部、経済学部、システム工学部、観光学部、社会インフォマティクス学環を表します。

[Empty box for exam number]

[Empty box for name]

(注) ※欄は記入しないこと。

※  
[Empty box with asterisk]

※  
[Empty box with asterisk]

問一

①

極端

②

狭

※  
[Empty box with asterisk]

③

ヒジューン

④

バイカイ

⑤

ショウレイ

※  
[Empty box with asterisk]

問二

a

4

b

2

c

5

d

1

※  
[Empty box with asterisk]

問三

日本で生活するという現状と外国にルーツを持つという二つのアイデンティティの間で揺れていたが、自らが「移民第二世代」というカテゴリーに属することを名指されることで、自己が置かれた状況を理解する手掛かりを得た。

※  
[Empty box with asterisk]

問四

「移民政策はとらない」という日本政府の方針と、実際に中長期滞在する外国人が増え続けているという現状との間のねじれ。

※  
[Empty box with asterisk]

問五

(次のうちいずれかを挙げてい)
・学校で使われる言語は日本語であり、家庭で使われる言語は親の第一言語で、異なる言語を使い分けている。
・両親が国際結婚で、家庭で使われる言語が一つに限らず、二つの言語が混じりあっている。
・親世代が複数言語を混ぜて使用している。

[Empty box for exam number]

[Empty box for name]

(注) ※欄は記入しないこと。

※  
[Empty box with asterisk]

※  
[Empty box with asterisk]

問六(1)

複数言語環境下におかれる外国ルーツの子どもの  
たちの能力が過小評価されていることを象徴  
している。

(2)

日本の学校教育では、子どもたちの学力を測定  
する際に準備されているのが日本語のみであるため、  
日本語が使えない者の学力は測ることができない  
ため。

※  
[Empty box with asterisk]

問七

外国ルーツの子どもたちは、自らのルーツを否定し、  
日本や日本人をリスpekトするという意識を  
持つことが多いため、親世代を否定せざるを得ない  
状況に追い込まれていき、親世代に抵抗や反発する  
ようになり、家庭内での親子のトラブルや葛藤が  
大まくなっているから。

※  
[Empty box with asterisk]

問八

異文化経験という文脈では、トラブルや葛藤は  
好意的に受け止められるもので、それによって私  
たちは文化の多様性を知ることになるから。

[Empty box for exam number]

[Empty box for name]

(注) ※欄は記入しないこと。

※  
[Empty box with asterisk]

※  
[Empty box with asterisk]

問一 A

何とかして会いたい。

B  
月はどこまでも澄んで風情がある。

C  
こんな寂しい生活をどうしてなさっているのですか。

※  
[Empty box with asterisk]

問二

忠雅と若小君がともに、見事な色美しい尾花の情景に心引かれ、歌を詠む契機となる描写であるとともに、屋敷に住む俊蔭の娘の美しさを暗示し、若小君が俊蔭の娘に引かれる伏線となる効果。

※  
[Empty box with asterisk]

問三

屋敷に住む美しい女性に心引かれ、女性と親しくなりたい思いはあるものの、賀茂詣でのお供という役割ゆえにここにとどまることができず、もどかしい。

※  
[Empty box with asterisk]

問四

女性の住む屋敷は、風流心に寫んだ亡き父親・俊蔭が時間をかけて丁寧に美しく仕立てたという経緯が現在の情景の名残としてイメージさせることで、女性がわびしく暮らしたから魅力的な人物であることを印象付ける意図がある。

[Empty box for exam number]

[Empty box for name]

(注) ※欄は記入しないこと。

※  
[Empty box with asterisk]

※  
[Empty box with asterisk]

問五(1)

「後蔭の娘」が屋敷の奥に入ってしまった様子。

(2)

「後蔭の娘」に会いに来たにもかかわらず、その女性が姿を隠してしまい、若小君が会えないつらさを嘆いている。

※  
[Empty box with asterisk]

問六

並々ならぬ強い思いがあつて訪ねて来ているという若小君の思いを知り、さうに、若小君が醸し出す雰囲気、親しみやすく、かつ、若小君は元服前の子供であるため、遠慮がいらないと考えたから。

※  
[Empty box with asterisk]

問七

「後蔭の娘」が、荒廃した屋敷で身寄りのない心細い質素な生活を強いられている様子。

氏 名 受 験 番 号

--

--

(注) ※欄は記入しないこと。

1 解答は下の解答欄に記入すること。

(1) 解と係数の関係より、 $x$  と  $y$  は 2 次方程式  $t^2 - 3t + 1 = 0$  の 2 解である。よって

$$(x, y) = \left( \frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}, \frac{3 \mp \sqrt{5}}{2} \right) \quad (\text{複号同順}) \quad \dots (\text{答})$$

(2)  $a = 3$  より  $y = 3 - x$  ( $0 < x < 3$ ) であるので

$$b = x(3 - x) = -\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{9}{4} \quad (0 < x < 3)$$

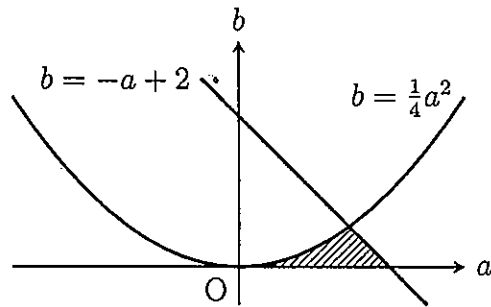
よって、 $(x, y) = \left(\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$  のとき、 $b$  は最大値  $\frac{9}{4}$  をとる。... (答)

(3) (2) と同様に

$$b = x(a - x) = -\left(x - \frac{a}{2}\right)^2 + \frac{a^2}{4} \quad (0 < x < a)$$

よって、 $b$  のとり得る値の範囲は、 $0 < b \leq \frac{a^2}{4}$ 。... (答)

(4)  $a + b \leq 2$  のとき  $b \leq -a + 2$  であるので、 $a + b \leq 2$  を満たす点  $(a, b)$  の存在範囲は下図の斜線部である。ただし、曲線  $b = \frac{1}{4}a^2$  と直線  $b = -a + 2$  上の点を含み、 $a$  軸上の点を含まない。



よって、領域  $a > 0$  における、曲線  $b = \frac{1}{4}a^2$  と直線  $b = -a + 2$  の交点の座標を求めればよい。

$$\frac{1}{4}a^2 = -a + 2, \text{ すなわち } a^2 + 4a - 8 = 0$$

を解いて  $a = -2 \pm 2\sqrt{3}$  であるので、 $a > 0$  より

$$a = -2 + 2\sqrt{3}$$

このとき  $b$  は最大値  $b = 2 - 2\sqrt{3} + 2 = 4 - 2\sqrt{3}$  をとる。... (答)

※
---

※
---

氏 名 受験番号

--

--

(注) ※欄は記入しないこと。

2 解答は下の解答欄に記入すること。

(1) 2でも3でも割り切れない自然数を6で割ったときの余りは1または5であるので、数列  $\{a_n\}$  の項は前から2つずつ

$$6k - 5, 6k - 1 \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

となっている。

$$a_{333} = 6 \cdot 167 - 5 = 997, \quad a_{334} = 6 \cdot 167 - 1 = 1001$$

であるので、 $a_n > 1000$  となる最小の  $n$  は  $n = 334$ . ... (答)

(2) 1000 は偶数なので  $a_{1000}$  は  $6k - 1$  の形の方であり

$$a_{1000} = 6 \cdot \frac{1000}{2} - 1 = 2999 \quad \dots (答)$$

(3)

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^{1000} a_k &= \sum_{k=1}^{500} \{(6k - 5) + (6k - 1)\} \\ &= 12 \sum_{k=1}^{500} k - 6 \cdot 500 \\ &= 12 \cdot \frac{1}{2} \cdot 500 \cdot 501 - 3000 \\ &= 3000 \cdot 500 = 1500000 \quad \dots (答) \end{aligned}$$

※

※

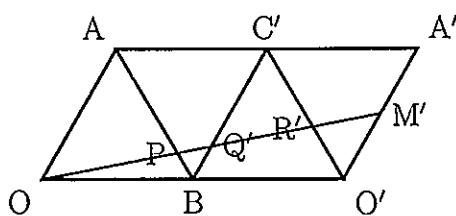


--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

3 解答は下の解答欄に記入すること。

OP+PQ+QR+RM は点 O, P, Q, R, M を順につないだ折線の長さであり、それが最小のとき、辺 OA, OB, AC に沿って切り開いた展開図では、その折線は直線になる。



(1) 上の展開図において

$$\overrightarrow{OM'} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} + 2\overrightarrow{OB}$$

であり、また実数  $k$  を用いて

$$\overrightarrow{OQ'} = k\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$$

と表すことができる。 $\overrightarrow{OM'} = 2\overrightarrow{OQ'}$  であることより、 $k = \frac{1}{4}$ 。

よって、正四面体 OABC において BQ : QC = 1 : 3 であり

$$\overrightarrow{OQ} = \frac{3}{4}\overrightarrow{OB} + \frac{1}{4}\overrightarrow{OC} = \frac{3}{4}\vec{b} + \frac{1}{4}\vec{c} \quad \dots (\text{答})$$

(2) 上の展開図において、 $\overrightarrow{OR'}$  は実数  $s, t$  を用いて

$$\overrightarrow{OR'} = s\overrightarrow{OC'} + (1-s)\overrightarrow{OO'} = s\overrightarrow{OA} + (2-s)\overrightarrow{OB}$$

$$\overrightarrow{OR'} = t\overrightarrow{OM'} = \frac{t}{2}\overrightarrow{OA} + 2t\overrightarrow{OB}$$

と 2 通りに書ける。ここで、 $\overrightarrow{OA} \neq \vec{0}$ 、 $\overrightarrow{OB} \neq \vec{0}$  で、かつ  $\overrightarrow{OA}$ 、 $\overrightarrow{OB}$  は平行でないから

$$s = \frac{t}{2}, \quad 2-s = 2t$$

これを解いて、 $s = \frac{2}{5}$ 。よって、正四面体において OR : RC = 2 : 3 で

$$\overrightarrow{OR} = \frac{2}{5}\overrightarrow{OC} = \frac{2}{5}\vec{c} \quad \dots (\text{答})$$

(3) 上の展開図において、 $\overrightarrow{OP}$  は実数  $m, n$  を用いて

$$\overrightarrow{OP} = m\overrightarrow{OA} + (1-m)\overrightarrow{OB}, \quad \overrightarrow{OP} = n\overrightarrow{OM'} = \frac{n}{2}\overrightarrow{OA} + 2n\overrightarrow{OB}$$

と 2 通りに表せるので、(2) と同様に

$$m = \frac{n}{2}, \quad 1-m = 2n$$

これを解いて、 $m = \frac{1}{5}$ 。よって、正四面体において AP : PB = 4 : 1 で

$$\overrightarrow{OP} = \frac{1}{5}\overrightarrow{OA} + \frac{4}{5}\overrightarrow{OB} = \frac{1}{5}\vec{a} + \frac{4}{5}\vec{b} \quad \dots (\text{答})$$

※

※

--	--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

4 解答は下の解答欄に記入すること。

(1) 直線  $l$  の方程式は  $y = -t(x - 1)$  であるので、 $C$  と  $l$  の接点の  $x$  座標を  $x = p$  とすると  $(2r + 1)p(p - 1)(p - r) = -t(p - 1)$  であり、 $t > 0$  から  $p \neq 1$  に注意すると

$$(2r + 1)p(p - r) = -t$$

また、 $((2r + 1)x(x - 1)(x - r))' = (2r + 1)(3x^2 - 2(r + 1)x + r)$  であり、 $C$  の  $x = p$  での傾きは  $-t$  であることから

$$(2r + 1)(3p^2 - 2(r + 1)p + r) = -t$$

$0 < r < 1$  に注意して、これらの2式から  $t$  を消去して整理すると

$$p(p - r) = 3p^2 - 2(r + 1)p + r$$

となるので、 $2p^2 - (r + 2)p + r = 0$ 、すなわち  $(2p - r)(p - 1) = 0$ 。よって、 $p \neq 1$  より  $p = \frac{r}{2}$  となり

$$t = -(2r + 1) \frac{r}{2} \left( \frac{r}{2} - r \right) = \frac{r^2(2r + 1)}{4} \quad \dots (\text{答})$$

(2) (1) で得られた結果を利用すると

$$\begin{aligned} S &= \int_0^1 (t(1 - x) - (2r + 1)x(x - 1)(x - r)) dx \\ &= \frac{r^2(2r + 1)}{8} - (2r + 1) \left( \frac{1}{4} - \frac{r + 1}{3} + \frac{r}{2} \right) \\ &= \frac{(2r + 1)(3r^2 - 4r + 2)}{24} \quad \dots (\text{答}) \end{aligned}$$

(3) (2) から、 $f(x) = (2x + 1)(3x^2 - 4x + 2)$  とおき、 $0 < x < 1$  の範囲で  $f(x)$  が最小となる  $x$  を求めればよい。

$$f'(x) = 18x^2 - 10x = 2x(9x - 5)$$

より、 $0 < x < 1$  における  $f(x)$  の増減表は

$x$	0	...	$\frac{5}{9}$	...	1
$f'(x)$		-	0	+	
$f(x)$		↘	極小	↗	

したがって、 $S$  が最小となるときの  $r$  は  $r = \frac{5}{9}$ 。... (答)

※

※

--	--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

5 解答は下の解答欄に記入すること。

(1) 半角の公式  $\sin^2 \frac{\theta}{2} = \frac{1 - \cos \theta}{2}$  より

$$\sin^2 \frac{\pi}{8} = \frac{1 - \cos \frac{\pi}{4}}{2} = \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} = \frac{2 - \sqrt{2}}{4}$$

$a = \sin \frac{\pi}{8} > 0$  であるから  $a = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2}$  ... (答)

(2)  $x = \sin \theta$  とおくと  $dx = \cos \theta d\theta$  であり,  $x$  と  $\theta$  の対応は

$x$	$0$	$\rightarrow$	$a$
$\theta$	$0$	$\rightarrow$	$\frac{\pi}{8}$

となる。  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{8}$  のとき  $\cos \theta \geq 0$  であるから

$$\begin{aligned} \int_0^a \sqrt{1-x^2} dx &= \int_0^{\frac{\pi}{8}} \cos^2 \theta d\theta \\ &= \int_0^{\frac{\pi}{8}} \frac{1 + \cos 2\theta}{2} d\theta \\ &= \frac{1}{2} \left[ \theta + \frac{1}{2} \sin 2\theta \right]_0^{\frac{\pi}{8}} \\ &= \frac{\pi + 2\sqrt{2}}{16} \quad \dots \text{(答)} \end{aligned}$$

(3)  $0 \leq x \leq 1$  のとき,  $1 - x^2 \leq 1 - x^4 \leq 1$  より

$$\sqrt{1-x^2} \leq \sqrt{1-x^4} \leq 1$$

また,  $0 < x \leq a$  のとき等号は成り立たない。よって

$$\int_0^a \sqrt{1-x^2} dx < \int_0^a \sqrt{1-x^4} dx < \int_0^a dx$$

したがって, (2) より

$$\frac{\pi + 2\sqrt{2}}{16} < \int_0^a \sqrt{1-x^4} dx < a$$

※

※

氏名 受験番号



(注) ※欄は記入しないこと。

1

1. 

(1)	エ	(2)	ウ	(5)	エ
-----	---	-----	---	-----	---

(8)	ア
-----	---

2. 

(3)	イ	(7)	イ	(10)	エ
-----	---	-----	---	------	---

3. 

			5					10					15
参	加	者	が	全	体	と	し	て	協	力	し	て	、
れ	ぞ	れ	の	観	察	結	果	を	種	の	レ	グ	エ
ま	で	同	定	し	方	う	と	す	る	協	力	の	こ
と													と

4. 

3 番 目	オ	7 番 目	カ
-------------	---	-------------	---

5. コミュニティを形成することと、共通  
の目標に到達することは、よりいっそ  
う重要である。

6. 

ア	オ
---	---

※

--	--	--



氏 名 受験番号

--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

1

問 1

	5	10	15
駅	の	つ	な
が	り	や	乗
換	え	の	情
報	が	明	
確	だ	か	ら
。			

※

問 2

	5	10	15
要	素	間	の
つ	な	が	り
が	最	も	重
要	で	あ	
る	こ	と	。

※

問 3

(C)

※

問 4

(A)

※

問 5

Q1	(B)	Q2	(D)	Q3	(C)
----	-----	----	-----	----	-----

※

問 6

(C)

※

※

--	--	--

氏名 受験番号



(注) ※欄は記入しないこと。

2

問1

			5				10							15
医	師	の	治	療	の	成	功	率	や	痛	み	に	つ	い
て	患	者	が	具	体	的	な	数	値	を	言	っ	て	ほ
し	い	と	望	む	こ	と	。							

※

問2

(C)

※

問3

			5				10							15
職	に	就	く	こ	と	は	予	想	以	上	に	難	し	い
と	知	っ	て	、	学	生	た	ち	は	結	果	的	に	在
学	を	続	け	る	か	ら	。							

※

問4

			5				10							15
う	ま	く	答	え	ら	れ	な	い	か	、	答	え	た	く
な	い	問	い	に	対	し	て	は	、	直	接	の	答	え
を	避	け	て	50	と	答	え	た	が	る	傾	向	が	あ
る	か	ら	。											

※

問5

(5)

※

問6

(C)

※

問7

(4)

※

※

--	--	--

[ ]

[ ]

(注) ※欄は記入しないこと。

1

問 1	$z = 0$
問 2	$\vec{CP} = \vec{OP} - \vec{OC}$ $= (P_1 - 5, P_2 - 5, P_3 - 5)$
問 3	<p>(1)</p> $\vec{SP} = k\vec{SE}$
	<p>(2)</p> <p><math>\vec{SP} = k\vec{SE}</math> から, <math>P_1 - 2 = 6k, P_2 - 1 = 3k, P_3 - 0 = 0 \dots (a)</math>                  物体とカメラが最も近づくとき, <math>\vec{CP} \perp \vec{SE}</math> だから <math>\vec{CP} \cdot \vec{SE} = 0</math>.                  これより, <math>6 \cdot (P_1 - 5) + 3 \cdot (P_2 - 5) + 0 \cdot (P_3 - 5) = 0 \dots (b)</math>                  (a), (b) から,</p> $6 \cdot (6k - 3) + 3 \cdot (3k - 4) = 0$ $12k - 6 + 3k - 4 = 0$ $k = \frac{2}{3}$ <p>したがって, 物体の位置は <math>(6, 3, 0)</math> で, 撮影中の範囲内にある</p>
	<p>(3)</p> <p><math>\vec{CS} = (-3, -4, -5), \vec{CE} = (3, -1, -5)</math> だから,</p> $\cos \theta = \frac{\vec{CS} \cdot \vec{CE}}{ \vec{CS}   \vec{CE} }$ $= \frac{-9 + 4 + 25}{\sqrt{9 + 16 + 25} \cdot \sqrt{9 + 1 + 25}}$ $= \frac{20}{\sqrt{50} \cdot \sqrt{35}}$ $= \frac{2\sqrt{70}}{35}$

※

※



(注) ※欄は記入しないこと。

2

問 1	<p>△ABC は、直交する交差点に面しているため、∠ABC=90°の直角三角形である。 したがって、△ABC の面積 <math>S_{\triangle ABC} = AB \times BC \div 2 = 30 \times 40 \div 2 = 600</math> となる。 敷地面積は、<b>600m<sup>2</sup></b>。</p>
問 2	<p>直角三角形 ABC の斜辺 AC の長さは <math>\sqrt{AB^2+BC^2} = \sqrt{30^2+40^2} = \sqrt{2500} = 50</math> となる。 円柱の底面積が最大となるのは、その円が△ABC の内接円となる場合なので、 内接円の半径を <math>r</math> とおくと、△ABC の面積 <math>S_{\triangle ABC}</math> は <math>r</math> を使って、</p> $S_{\triangle ABC} = \frac{AB \times r}{2} + \frac{BC \times r}{2} + \frac{AC \times r}{2} = \frac{r}{2}(AB+AC+BC)$ $= \frac{r}{2}(30+40+50) = 60r \text{ となる。}$ <p>問 1 より、<math>S_{\triangle ABC} = 600</math> なので、<math>60r = 600</math>、<math>r = 10</math> となり、 内接円の面積 <math>= \pi r^2 = 3.14 \times 10^2 = 314</math> となる。</p> <p>建ぺい率 <math>= \frac{\text{建築面積}}{\text{敷地面積}} = \frac{314}{600} = \frac{157}{300} = 52.33\% \dots</math> となり、これは 80% の制限を満たす。 したがって、建築面積は、<b>314m<sup>2</sup></b>。</p>
問 3	<p>円柱ビルの階数を <math>n</math> (<math>n</math> は自然数) とすると、</p> $\text{容積率} = \frac{\text{延床面積}}{\text{敷地面積}} = \frac{n \times \text{建築面積}}{\text{敷地面積}} = \frac{314}{600} n = \frac{157}{300} n$ <p>となり、これが 400% の制限を満たす必要がある。 したがって、<math>\frac{157}{300} n \leq 4</math>、<math>n \leq 7.64 \dots</math> となる。 階数 <math>n</math> は自然数なので、最大は、<math>n = 7</math> となり、<b>最大 7 階建て</b>となる</p>
問 4	<p>公開空地は、<math>600 - 314 = 286</math> であり、空地の割合は、<math>\frac{286}{600} = \frac{143}{300} = 0.4766 \dots \geq 20\%</math> なので、 容積率 <math>v</math> は、<math>v = 360 + 3s = 360 + 3 \times \frac{143}{300} \times 100 = 503\%</math> に緩和される。 このときの円柱ビルの階数を <math>n</math> (<math>n</math> は自然数) とすると、<math>\frac{157}{300} n \leq 503</math>、<math>n \leq 9.61 \dots</math> となり、 <b>最大 9 階建て</b>となる。</p>

※

※

氏名 受験番号

[Name input box]

[Exam number input box]

(注) ※欄は記入しないこと。

1 (横書きのこと)

問 1

		5			10				15				20			25
<p>開発度や所得水準が低いアフリカの人口がさらに増加し、20世紀後半から22世紀にかけて世界におけるアフリカの人口シェアはアジアを抜いて1位になるため、世界全体の貧困化率が高まるということ。</p>																

※ [Blank box for question 1]

問 2

		5			10				15				20			25
5	<p>所得水準の低い発展途上国からより賃金の高い仕事を求めて先進国に流入する移民や、戦争や紛争、政治的弾圧や迫害から逃れるため、国を離れざるを得なくなった難民、グローバル化が進む中で外国人と結婚する人、自己実現のために外国に仕事や生活の拠点を移す人などが増加し、そのような人々の子孫が増えることで、世界中でさまざまな民族的出自を持った人々が社会を構成するようになること。</p>															

※ [Blank box for question 2]

※

--	--	--



氏 名 受験番号



(注) ※欄は記入しないこと。

**2** (横書きのこと)

問 1

( a )	( b )	( c )	( d )	( e )
イ	ア	ウ	イ	ウ

※

問 2

( i )	( ii )	( iii )	
エ	イ	ウ	オ
( iv )		( v )	
ア	ウ	ア	エ

※

※

--	--	--

氏名 受験番号

[Name box]

[Exam number box]

(注) ※欄は記入しないこと。

2 (横書きのこと)

問3

	5	10	15	20	25
	<u>出題の意図</u>				
5	持続可能な開発目標 (SDGs) の1つである「飢餓をゼロに」の達成に向けた取り組みにおいて、今回のパンデミックは確実にその進捗状況を後退させる方向に影響を与えていることと、その影響はアフリカのような飢餓率の高い国々においてより顕著にみられることをデータから読み取り、論理的に記述できているかを問う。				
10					
15					
20					

※

※

--	--	--

氏名 受験番号



(注) ※欄は記入しないこと。

問1

A	I	B	ア
---	---	---	---

※

問2

	5	10	15	20	25
1910年代から30年代まで	所得上位1%の比率は高	く不平等な状態であった。	しかし、1940年代から8	0年代までその割合は継続的に低くなり所得格差は低下	していった。だが、90年代以降はその割合が再び上昇し
て、不平等度が高まっている。					

※

※

氏名 受験番号



(注) ※欄は記入しないこと。

問3

		5		10		15		20		25
社	会	的	移	動	性	と	は	親	世	代
と	子	世	代	の	所	得	の	相	関	で
表	わ	さ	れ	る	。	親	世	代	の	所
得	が	低	く	て	も	子	世	代	で	所
得	が	高	く	な	る	場	合	に	は	社
会	的	移	動	性	が	高	く	な	る	。
図	3	と	図	4	は	と	も	に	社	会
的	移	動	性	が	低	い	と	、	所	得
分	布	が	不	平	等	に	な	る	と	い
う	関	係	を	示	し	て	い	る	。	

※

問4

		5		10		15		20		25
図	6	か	ら	横	軸	の	イ	ノ	ベ	ー
シ	ュ	ン	強	度	の	各	分	位	点	に
対	す	る	ジ	ニ	係	数	の	大	き	さ
は	あ	ま	り	変	化	し	な	い	こ	と
が	わ	か	る	。	こ	れ	は	イ	ノ	ベ
ー	シ	ュ	ン	が	総	合	的	に	不	平
等	を	悪	化	さ	せ	る	と	は	言	え
な	い	こ	と	を	示	し	て	い	る	。
ま	た	、	図	7	A	よ	り	イ	ノ	ベ
ー	シ	ュ	ン	強	度	が	高	い	通	勤
圏	は	東	部	、	五	大	湖	西	側	地
域	に	多	い	。	図	7	B	を	見	る
と	、	こ	れ	ら	の	地	域	の	社	会
的	移	動	性	も	高	い	傾	向	に	あ
る	こ	と	が	わ	か	る	。	こ	れ	は
イ	ノ	ベ	ー	シ	ュ	ン	が	社	会	的
移	動	性	を	高	め	る	可	能	性	が
あ	る	こ	と	を	示	し	て	い	る	。

※

※

--	--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

1 (注) 1を選択する場合は、右の選択及び1-2の解答用紙の  
1-2 選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

1	— 1	選択
---	-----	----

(1)  $[1, -1, 0, 1] = 3^3 - 3^2 + 3^0 = 19$

(2)  $25 = [1, 0, -1, 1]$

(3)

$a_n = -1$  のとき,  $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] = \sum_{k=0}^n 3^k a_k \leq -3^n + \sum_{k=0}^{n-1} 3^k = -3^n + \frac{1}{2}(3^n - 1) < 0$  であ

るから,  $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0]$  が正なら  $a_n = 1$  でなければならない。

$a_n = 1$  のとき,  $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0]$  の最大値は

$$[1, 1, \dots, 1, 1] = 3^n + 3^{n-1} + \dots + 3^1 + 3^0 = \frac{3^{n+1} - 1}{2}$$

であり, 最小値は

$$[1, -1, \dots, -1, -1] = 3^n - (3^{n-1} + \dots + 3^1 + 3^0) = 3^n - \frac{3^n - 1}{2} = \frac{3^n + 1}{2}$$

である。これらはともに正の数であるから, それぞれ,  $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0]$  が正のときの最大値, 最小値でもある。

※
---

※		
---	--	--



(注) ※欄は記入しないこと。

1 (注) 1を選択する場合は、右の選択及び1-1の解答用紙の  
1-1 選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

1-2 選択

(4)  $\pm 3^n, \pm 3^{n-1}, \dots, \pm 3^1, \pm 3^0$  はすべて奇数であるから、 $A$  は  $t$  個の奇数の和になる。したがって、 $t$  が偶数ならば、 $A$  は偶数個の奇数の和になり偶数である。また、 $t$  が奇数ならば、奇数個の奇数の和である  $A$  も奇数である。対偶をとり、 $A$  が偶数ならば、 $t$  は偶数である。

(5) (3) より、

$$\frac{3^n + 1}{2} \leq [a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] \leq \frac{3^{n+1} - 1}{2},$$

$$\frac{3^m + 1}{2} \leq [b_m, b_{m-1}, \dots, b_1, b_0] \leq \frac{3^{m+1} - 1}{2},$$

である。 $n > m$  ならば、 $n \geq m + 1$  であり、

$$[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] \geq \frac{3^n + 1}{2} > \frac{3^{m+1} - 1}{2} \geq [b_m, b_{m-1}, \dots, b_1, b_0]$$

となり、 $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] = [b_m, b_{m-1}, \dots, b_1, b_0]$  とならない。また、 $n < m$  ならば、同様に、

$$[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] \leq \frac{3^{n+1} - 1}{2} < \frac{3^m + 1}{2} \leq [b_m, b_{m-1}, \dots, b_1, b_0]$$

となり、 $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] = [b_m, b_{m-1}, \dots, b_1, b_0]$  とならない。したがって、 $n = m$  である。

(6)  $[a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0] = [b_n, b_{n-1}, \dots, b_1, b_0]$  のとき、 $a_k \neq b_k$  となる  $k$  が存在しないことを背理法で示す。そのような  $k$  が存在すると仮定してその最小値を  $j$  とする。

$$0 = \sum_{k=0}^n 3^k a_k - \sum_{k=0}^n 3^k b_k = \sum_{k=0}^n 3^k (a_k - b_k)$$

であるが、 $k < j$  ならば  $a_k - b_k = 0$  であるから、

$$0 = \sum_{k=j}^n 3^k (a_k - b_k) = 3^{j+1} \left( \sum_{k=j+1}^n 3^{(k-j-1)} (a_k - b_k) \right) + 3^j (a_j - b_j)$$

となる。これより、

$$3 \left( \sum_{k=j+1}^n 3^{(k-j-1)} (a_k - b_k) \right) = (b_j - a_j)$$

が成立する。左辺は 3 の倍数であり、右辺は  $-2 \leq b_j - a_j \leq 2$  を満たすから、 $b_j - a_j = 0$  となる。これは  $a_j \neq b_j$  に矛盾する。

※

※

(注) ※欄は記入しないこと。

2 (注) 2を選択する場合は、右の選択及び2-2の解答用紙の2-2選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

2 - 1 選択

A

(1) 運動量保存則と反発係数の式より、①式が成立する。

$$\begin{cases} mv_1 + MV_1 = mv \\ v_1 - V_1 = -ev \end{cases} \dots \textcircled{1}$$

$$\begin{cases} v_1 = \frac{m - Me}{m + M} v \\ V_1 = \frac{m(1 + e)}{m + M} v \end{cases} \text{(答)}$$

(2) 2回目の衝突に関する運動量保存則と反発係数の式に、①式を適用すれば、②式が得られる。

$$\begin{cases} mv_2 + MV_2 = mv \\ v_2 - V_2 = e^2v \end{cases} \dots \textcircled{2}$$

$$\begin{cases} v_2 = \frac{m + Me^2}{m + M} v \\ V_2 = \frac{m(1 - e^2)}{m + M} v \end{cases} \text{(答)}$$

(3) 反発係数の式は③であるので、相対速度は公比 $-e$ の等比数列である。

$$v_k - V_k = -e(v_{k-1} - V_{k-1}) \dots \textcircled{3}$$

$$v_k - V_k = (-e)^k v \text{ (答)}$$

(4)  $k$ 回目の衝突に関しては、問(3)の答えと運動量保存則より得られる④式が成立する。

$$mv_k + MV_k = mv \dots \textcircled{4}$$

$$\begin{cases} v_k = \frac{m + M(-e)^k}{m + M} v \\ V_k = \frac{m(1 - (-e)^k)}{m + M} v \end{cases} \text{(答)}$$

(5)  $0 < e < 1$ に注意し、問(4)の答えの極限を取れば、⑤式が成立する。

$$\lim_{k \rightarrow \infty} v_k = \lim_{k \rightarrow \infty} V_k = \frac{m}{m + M} v \dots \textcircled{5}$$

小球と台は同じ速度  $\frac{m}{m + M} v$  に近づく。(答)

※

※

(注) ※欄は記入しないこと。

2 (注) 2を選択する場合は、右の選択及び2-1の解答用紙の  
2-1 選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

2 - 2 選択

B

(1)

$$n = \frac{10^{23}}{1.2 \times 10^{-6}} \text{ (m}^{-3}\text{)}, \quad nS = \frac{10^{23}}{1.2 \times 10^{-6}} \times 1.2 \times 10^{-6} = 10^{23} \text{ (m}^{-1}\text{)}$$

$$v = \frac{I}{enS} = \frac{1}{1.6 \times 10^{-19} \times 10^{23}} \left( \frac{\text{A}}{\text{C m}^{-1}} \right) = \underline{6.3 \times 10^{-5} \text{ (m/s)}}$$

(2)

200 °Cでは、 $\rho = 3 \times 10^{-8} \Omega\text{m}$  と読み取れる。電線の長さ $L$ , 断面積 $S$ とすると、 $R = \rho L/S$ より、

$$R = \frac{3 \times 10^{-8} \times 1}{1.2 \times 10^{-6}} = \underline{2.5 \times 10^{-2} \Omega}$$

(3)

(a)	$eE$	(b)	$eE/k$	(c)	$e^2 nS/k$
(d)	オーム	(e)	$kl/e^2 nS$	(f)	(イ) 増大する

(4)

単位時間当たりのジュール熱は、電流値 $I$ , 抵抗値 $R$ とすると、 $RI^2$ 。  
一方、 $V=RI$ だから、 $V$ 一定の場合、単位時間当たりのジュール熱は  
 $V^2/R$ となり、 $R$ , すなわち、 $\rho$ に反比例する。  
 $\rho(200^\circ\text{C})=3.00 \times 10^{-8}$ ,  $\rho(0^\circ\text{C})=1.55 \times 10^{-8}$ ,  $\rho(200^\circ\text{C})/\rho(0^\circ\text{C}) \sim 1.94$ ,  
 $1/1.94=0.515$ であるので、(d)

※

※

--	--

(注) ※欄は記入しないこと。

3 (注) 3を選択する場合は、右の選択及び3-2の解答用紙の  
3-2 選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">                 3 — 1 選択             </div>
---

A

(1) (解答例)

平均分子量は 15、質量を  $w$  [g] とすると、

$$PV = \frac{w}{15} RT$$

$$d = \frac{w}{V} = \frac{15P}{RT} \qquad d = \frac{15P}{RT} \text{ [g/L]}$$

(2) (解答例)

質量を各々  $w$  [g] とすると、各々の物質量は、

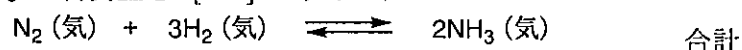
$H_2$ :  $\frac{w}{2}$  mol,  $N_2$ :  $\frac{w}{28}$  mol となり全物質量は  $\frac{15w}{28}$  mol となる。

状態方程式は、 $PV = \frac{15w}{28} RT$  となる。変形すると  $\frac{28P}{15RT} = \frac{w}{V}$

よって密度は、 $d = \frac{2w}{V} = 2 \times \frac{28P}{15RT} = \frac{56P}{15RT}$   $d = \frac{56P}{15RT} \text{ [g/L]}$

(3) (解答例)

生成した  $NH_3$  の物質量を  $x$  [mol] とすると、



平衡前	0.70	2.10	0	2.80	[mol]
-----	------	------	---	------	-------

平衡後	0.70 - (x/2)	2.10 - (3/2)x	x	2.80 - x	[mol]
-----	--------------	---------------	---	----------	-------

全圧が  $5.8 \times 10^7$  Pa のとき、生成した  $NH_3$  の体積百分率は 40% であるので、

$$x / (2.80 - x) \times 100 = 40 \qquad \text{したがって、} x = 0.80 \qquad \underline{0.80 \text{ mol}}$$

(4) (解答例)

図1より、2 mol の  $NH_3$  (気) の結合エネルギーは、

$$92 + 1308 + 946 = 2346 \text{ (kJ)}$$

これが N-H 結合 6 mol の結合エネルギーに相当するので、

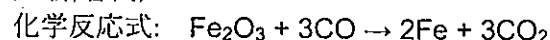
$$2346 / 6 = 391 \qquad \underline{391 \text{ kJ}}$$

(5) (ウ)

B

- |             |          |           |
|-------------|----------|-----------|
| (1) A: コークス | B: 一酸化炭素 | C: 銑鉄     |
| D: 鋼        | E: 水素    | F: ステンレス鋼 |

(2) (解答例)



[計算過程]

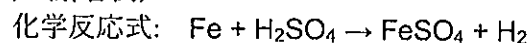
1 mol の  $Fe_2O_3$  (式量 160) から、2 mol の Fe (式量 56) が生成する。

1.0 t の鉄をつくるには、

$$160 \times \frac{1.0}{56} \div 0.71 \div 2 \approx 2.0$$

有効数字を考慮して、2.0 t の鉄鉱石が必要である。

(3) (解答例)



※
---

※
---

(注) ※欄は記入しないこと。

3

(注) 3を選択する場合は、右の選択及び3-1の解答用紙の3-1選択の点線内を黒くぬりつぶすこと。

3-2 選択

B

(4) (解答例)

理由: 鉄の単体は濃硝酸中で酸化され、酸化鉄となって金属表面に付着し、不動態を形成するため。

他の元素: アルミニウム, ニッケル, クロム, コバルトなど

(5) (解答例)

物質名: トタン

理由: イオン化傾向が 亜鉛 > 鉄 > スズ なので、表面に傷がついて鉄が露出したとき、トタンでは亜鉛が優先的に酸化され、結果として鉄の酸化を防止できるから。

(6) (解答例)

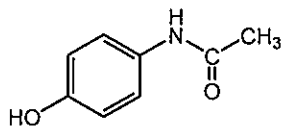
化学反応式:  $Fe_2O_3 + 3H_2 \rightarrow 2Fe + 3H_2O$

理由: この反応では、地球温暖化をもたらす恐れのある二酸化炭素が生じないから。

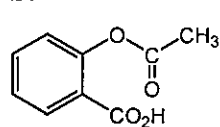
C

(1) (解答例)

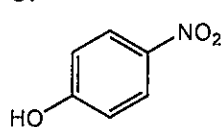
A:



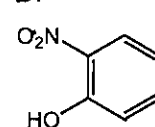
B:



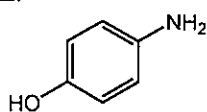
C:



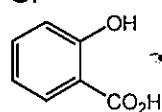
D:



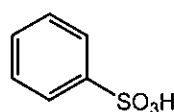
E:



G:



H:



(2)

ベンゼンスルホン酸

(3)

無水酢酸

(4) (解答例)

化合物 B: 変化しない

化合物 G: 紫色 (赤紫色) を呈する。

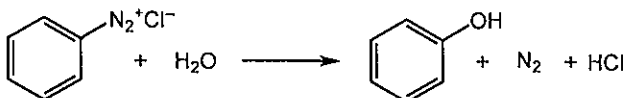
(5) (解答例)

化学反応式:



(6) (解答例)

化学反応式:



※

※